

VSTUPNÉ PARAMETRE PRE VÝPOČET PREDPÄTÝCH SKRUTKOVÝCH SPOJOV V MKP

INPUT DATA FOR PRELOADED BOLTED CONNECTION DESIGN IN FEM

Peter BOCKO, Martin MANTIČ, Jozef KUL’KA¹

Abstrakt

Článok popisuje riešenie výpočtu maximálneho predpäťia v skrutkových spojoch ako aj o ich možnostiach použitia vo výpočtových modeloch MKP, ktoré obsahujú skrutkové spojenia. Dôraz je kladený na vplyv týchto spojov na napäťosť a deformáciu a určenie veľkosti predpäťia.

Kľúčové slová: skrutkový spoj, predpätie, MKP

Abstract

The paper describes treatments for determination of maximal preload in bolts as well as various possibilities for the development of the FEM models which include bolt connections. Emphasis is given on influence of bolt connection on stress and deformation states in the structure and on the assessment of bolt loading.

Key words: bolted connection, preload, FEM

ÚVOD

Pri štrukturálnych výpočtoch s využitím metódy konečných prvkov (MKP) sa často stretávame s konštrukciami obsahujúcimi skrutkové spoje. Vplyv týchto spojov na napäťosť a deformáciu je potrebné zohľadniť s použitím vhodného výpočtového modelu. Okrem geometrie spoja je potrebné pri výpočte zohľadniť najmä veľkosť predpäťia. Príspevok sa zaobera možnosťami určenia veľkosti predpäťia a volbou vhodného MKP modelu.

VÝPOČET MONTÁŽNEHO PREDPÄTIA V SKRUTKOVOM SPOJI

Prehľad spojovacích prostriedkov pre spájanie prvkov oceľových konštrukcií, odporúčané priradenie pevnostných tried skrutiek podľa medze klzu f_y základného materiálu, menovité hodnoty medze klzu f_{yb} a pevnosti v ťahu f_{ub} materiálu skrutiek ako aj kategorizáciu spojov obsahuje norma STN 73 1401. Uvedená norma stanovuje aj výpočet návrhovej únosnosti skrutkových spojov.

Výpočet samotnej sily predpäťia F_Q , ktorú norma STN 73 1401 neuvádzajú, je vysvetlený v nasledujúcom texte.

¹ Ing. Peter BOCKO, Ing. Martin MANTIČ, PhD., Ing. Jozef KUL’KA, PhD., KKDaL, SjF TU v Košiciach,
pbocko@szm.sk, martin.mantic@tuke.sk, jozef.kulka@tuke.sk

Lektoroval: prof. Ing. Jaroslav HOMIŠIN, CSc., KKDaL, SjF TU v Košiciach, jaroslav.homisin@tuke.sk

VÝPOČET MONTÁŽNEHO PREDPÄTIA Z MEDZE KLZU

Ak nie sú známe bližšie údaje o vonkajšom zaťažení skrutkového spoja, montážne predpätie F_Q je možné stanoviť z pevnostnej podmienky (1).

$$\frac{F_Q}{S_3} \leq v \cdot Re, \quad (1)$$

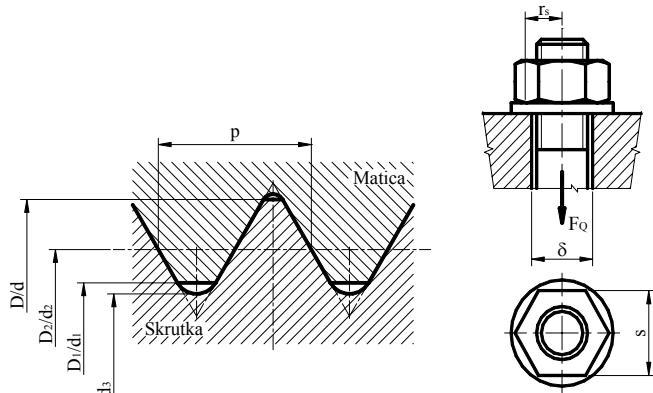
kde F_Q - je predpätie [N],

v - miera využitia medze klzu $v = 0,7 \sim 0,8$,

Re - medza klzu v ťahu (údaje pre vybrané materiály a triedy pevnosti skrutiek sú uvedené v tabuľke 1),

S_3 - prierez jadra skrutky.

$$S_3 = \frac{\pi \cdot d_3^2}{4} [mm^2]. \quad (2)$$



Obr.1 Metrický závit

p -stúpanie závitu [mm], d/D -priemer závitu skrutky/matice [mm], d_2/D_2 - stredný priemer závitu skrutky/matice [mm], d_1/D_1 - malý priemer závitu matice, d_3 – malý priemer závitu skrutky [mm].

Hodnoty medze klzu Re v ťahu a dovolené tlaky v závitoch σ_{HD}

Tabuľka 1

Trieda pevnosti	Materiál skrutky										
STN	4A	4D	4S	5D	5S	6S	6G	8G	8E	10K	12K
ISO	3.6	4.6	4.8	5.6	5.8	6.8	6.9	8.8	9.8	10.9	12.9
Re [MPa]											
Ocel'	200	210	320	300	400	480	540	640	720	900	1080
σ_{HD} [MPa]											
Ocel'	40	50	75	70	90	110	120	135	150	200	250
Liatina	25	30	45	40	55	70	70	80	90	125	150
Al zliatiny	18	20	30	27	35	45	45	50	60	80	90

5S (11343, 11373), 8G (12040, 12050, 13240), 10K (13240, 15230), 12K (13240, 16521)

VÝPOČET MONTÁŽNEHO PREDPÄTIA Z DOVOLENÉHO TLAKU V ZÁVITOCH

Ďalším spôsobom je určenie montážneho predpäťia z dovoleného tlaku v závitoch. Vstupné parametre pre tento výpočet je potrebné určiť z tabuľiek.

$$\sigma_H = \frac{4F_Q}{i\pi(d^2 - D_1^2)} \leq \sigma_{HD} \quad \Rightarrow \quad F_Q \leq \frac{\sigma_{HD} \cdot i \cdot \pi (d^2 - D_1^2)}{4}, \quad (3)$$

kde σ_H - tlak v závitoch [MPa], σ_{HD} - dovolený tlak v závitoch [MPa] (tabuľka 1),
 m - výška matice [mm], $m = (i+2) \cdot p$,
 i - počet závitov matice

VÝPOČET MONTÁŽNEHO PREDPÄTIA Z KRÚTIACEHO MOMENTU PRI UŤAHOVANÍ

Tretí spôsob je možné použiť v prípade ak je známa hodnota krútiaceho momentu na kľúči, použitého pre utiahnutie skrutky respektíve matice (trecí moment v závite skrutky + trecí moment pod maticou).

$$M_K = F_Q \cdot \frac{d_2}{2} \cdot \operatorname{tg}(\gamma + \varphi') + F_Q \cdot f \cdot r_s \quad (5)$$

$$F_Q = \frac{M_K}{\frac{d_2}{2} \cdot \operatorname{tg}(\gamma + \varphi') + f \cdot r_s}, \quad (6)$$

$$\gamma - \text{uhol stúpania závitu} \quad \gamma = \operatorname{arctg} \frac{p}{\pi \cdot d_2}, \quad (7)$$

φ' - trecí uhol (suché trenie, bez pohybu) s prihliadnutím na profil závitu $\operatorname{tg} \varphi' = f \approx 0,1-0,12$,

f - koeficient trenia medzi maticou (hlavou skrutky) a materiálom $f \approx 0,1$,

δ - priemer otvoru pre skrutku,

r_s - trecí polomer

$$r_s = \frac{s + \delta}{4}. \quad (8)$$

TYPY VÝPOČTOVÝCH MODELOV SKRUTKOVÉHO SPOJA

Typ použitého výpočtového modelu závisí od požadovaného cieľa výpočtu. Týmto cieľom býva najčastejšie zohľadnenie vplyvu skrutkového spoja na napäťosť a deformáciu konštrukcie ako celku. V prípade požiadavky pevnostnej kontroly spoja je potrebné použiť modelu na základe ktorého je možné určiť axiálnu silu, priečnu silu a ohybový moment, alebo vytvorenie dostatočne presného modelu pre vyhodnocovanie na základe napäťia.

Typy výpočtových modelov:

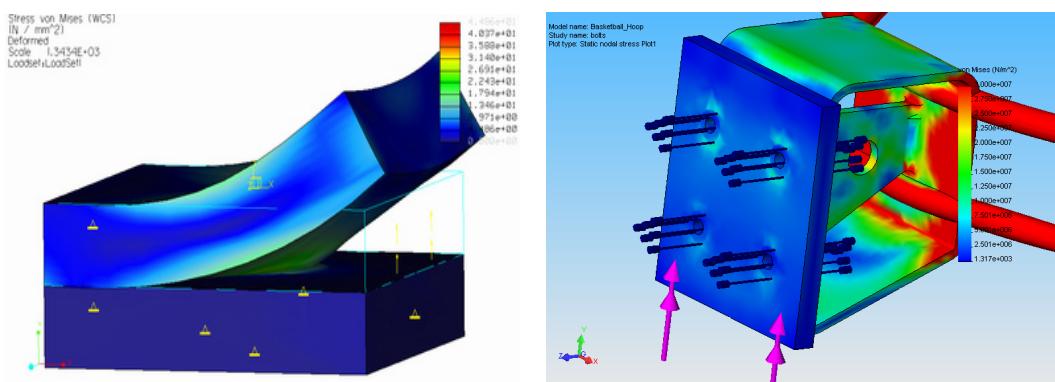
- a. **stotožnenie spájaných častí (tuhé spojenie / rigid connection)** – objemový aj škrupinový model
 - celá styčná plocha (použitie skutočnej alebo zmenšenej hrúbky spájaných častí),
 - bod v mieste osi spoja (stotožnenie uzla, bodový zvar / spot weld),
 - kruh alebo medzikružie (zvyšné plochy spojené s použitím kontaktu alebo volné).
- b. **spojenie s použitím prídavného elementu (bez predpäťia)** – najmä pre škrupinový model, prípadne objemový model, pri ktorom nedochádza ku kontaktu spájaných častí v mieste spoja
 - prútové elementy (1D) / beam alebo rigid bar,
 - škrupinové elementy,
 - objemové elementy.
- c. **spojenie bez použitia prídavného elementu – náhrada predpäťia silou (s predpäťím)**
 - predpätie pôsobiace na medzikružie, zabezpečenie spájaných častí proti vyoseniu.
- d. **spojenie s použitím prídavného elementu (s predpäťím)**
 - 3D model s virtuálnou skrutkou,
 - 3D model vrátane skrutky (automatické definovanie predpäťia),
 - 3D model vrátane skrutky (predpätie a kontakt medzi jednotlivými časťami zadané manuálne – všetky MKP programy),
 - 3D model vrátane závitu.
- e. **lícované skrutky (spoju s presahom)**
 - 3D model s virtuálnou skrutkou,
 - 3D model lícovanej skrutky s presahom (čap, nit) – kontakt typu Shrink Fit.

Najjednoduchším a najpoužívanejším spôsobom pre vytvorenie modelu skrutkového spoja s predpäťím je použitie virtuálnej skrutky. Obyčajne je potrebné definovať spájané plochy v mieste kontaktu hlavy skrutky a matice so spájaným materiálom a os spoja (prípadne vnútornú plochu otvoru). Miesto kontaktu sa definuje najčastejšie zadáním priemeru hlavy skrutky a matice pri parametroch virtuálneho spojenia alebo vytvorením plochy v tvare medzikružia na spájaných plochách. Ďalšími dôležitými parametrami sú materiál skrutky a veľkosť predpäťia. V niektorých prípadoch (v závislosti od použitého programu) je potrebné definovať aj kontakt medzi spájanými časťami.

V prípade 3D modelu skrutkového spoja je možné (ak program neposkytuje iné možnosti) definovať predpätie vo forme sín pôsobiacich v smere osi spoja proti sebe, pričom tieto sily sú aplikované samostatne na plochy vytvorené na valcovej časti skrutky (obr.4).

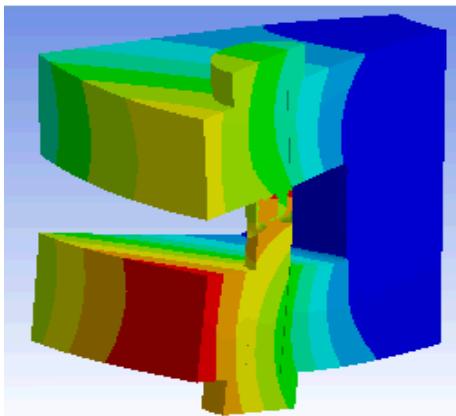
Možnosti niektorých MKP programov:

- Pro/MECHANICA Wildfire 2.0 - virtuálne skrutky s predpäťím (obr.2)
- CosmosWorks 2005 - virtuálne skrutky s predpäťím (obr.3)
- Ansys V9 - definovanie predpäťia na valcovú plochu skrutky (obr.4)
- CATIA V5R13 - virtuálne skrutky s predpäťím, 3D model skrutky (automatické definovanie predpäťia) (obr.5)

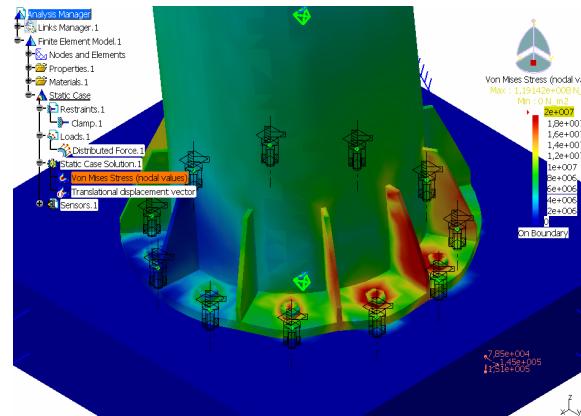


Obr.2 Pro/MECHANICA Wildfire 2.0
– virtuálna skrutka s predpätím

Obr.3 CosmosWorks 2005
– virtuálna skrutka s predpätím



Obr.4 Ansys 9.0 – 3D model s predpätím



Obr.5 Catia V5R13 – 3D model
skrutky s predpätím

ZÁVER

Použitie MKP pre výpočet zaťaženia skrutiek je výhodné najmä v prípadoch ich nerovnomerného zaťaženia. Napríklad pri použití prírubu namáhanej na ohyb je maximálnou silou namáhaná len jedna alebo dve skrutky. Okrem toho je možné brať do úvahy aj tuhost' spájaných elementov. Na záver je potrebné poznamenať, že veľkosť predpäťia určená z medze klzu Re a z dovoleného tlaku v závitoch sú hodnotami maximálnymi a pre výpočet je potrebné použiť nižšie hodnoty.

Príspevok obsahuje postupy pre určenie maximálneho predpäťia v skrutkovom spoji a zároveň popisuje rôzne možnosti pre vytváranie MKP modelu obsahujúceho skrutkový spoj. Dôraz je kladený najmä na zohľadnenie vplyvu skrutkového spoja na napäťosť a deformáciu konštrukcie ako celku a na určenie zaťaženia skrutiek.

Tento článok vznikol v rámci riešenia projektu projektu APVT – 20 – 016004 Automatizovaný on-line systém vyhodnocovania životnosti pojazdových elementov kolajových vozidiel.

LITERATÚRA

- [1] TREBUŇA, F., BIGOŠ, P.: *Intenzifikácia techn. spôsobilosti ľažkých oc. konštrukcií*. Vienala, Košice 1998
- [2] ŠVEC, V.: *Časti a mechanizmy strojů - příklady*. ČVUT, Praha 1991, 105 s.
- [3] IVANČO, V., KUBÍN, K., KOSTOLNÝ, K.: *Analysis of behaviour of horizontal safety system*. In: Metal Structures, Millpress, Rotterdam 2003, ISBN 80-214-1356-8
- [4] STN 73 1401 Navrhovanie oceľových konštrukcií
- [5] TREBUŇA, F., ŠIMČÁK, F.: *Odolnosť prvkov mechanických sústav*. Emilena, Košice, 2004, 980 str., ISBN 80-8073-148-9
- [6] TREBUŇA, F., ŠIMČÁK, F.: *Pružnosť, pevnosť, plastičnosť v strojárstve*. Emilena, Košice, 2005, 484 str., ISBN 80-8073-276-0